

ITA 2007

FÍSICA



Vestibular

Questão 1. Sobre um corpo de 2,5 kg de massa atuam, em sentidos opostos de uma mesma direção, duas forças de intensidades 150,40 N e 50,40 N, respectivamente. A opção que oferece o módulo da aceleração resultante com o número correto de algarismos significativos é

A () 40,00 m/s².
D () 40,0 m/s².

B () 40 m/s².
E () 40,000 m/s².

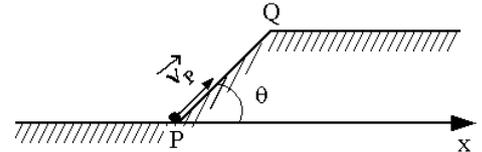
C () 0,4 x 10² m/s².

Questão 2. A partir do nível P, com velocidade inicial de 5 m/s, um corpo sobe a superfície de um plano inclinado PQ de 0,8 m de comprimento. Sabe-se que o coeficiente de atrito cinético entre o plano e o corpo é igual a 1/3. Considere a aceleração da gravidade $g = 10 \text{ m/s}^2$, $\sin \theta = 0,8$, $\cos \theta = 0,6$ e que o ar não oferece resistência. O tempo mínimo de percurso do corpo para que se torne nulo o componente vertical de sua velocidade é

A () 0,20 s.
D () 0,44 s.

B () 0,24 s.
E () 0,48 s.

C () 0,40 s.



Questão 3. A figura mostra uma pista de corrida A B C D E F, com seus trechos retilíneos e circulares percorridos por um atleta desde o ponto A, de onde parte do repouso, até a chegada em F, onde pára. Os trechos BC, CD e DE são percorridos com a mesma velocidade de módulo constante.

Considere as seguintes afirmações:

I. O movimento do atleta é acelerado nos trechos AB, BC, DE e EF.

II. O sentido da aceleração vetorial média do movimento do atleta é o mesmo nos trechos AB e EF.

III. O sentido da aceleração vetorial média do movimento do atleta é para sudeste no trecho BC, e, para sudoeste, no DE.

Então, está(ão) correta(s)

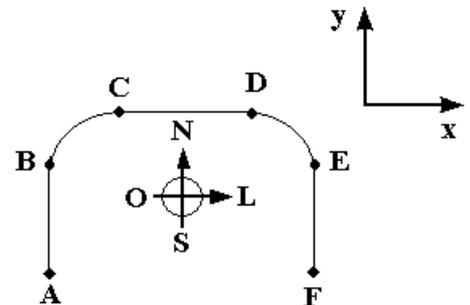
A () apenas a I.

B () apenas a I e II.

C () apenas a I e III.

D () apenas a II e III.

E () todas.



Questão 4. Considere que num tiro de revólver, a bala percorre trajetória retilínea com velocidade V constante, desde o ponto inicial P até o alvo Q. Mostrados na figura, o aparelho M_1 registra simultaneamente o sinal sonoro do disparo e o do impacto da bala no alvo, o mesmo ocorrendo com o aparelho M_2 . Sendo V_s a velocidade do som no ar, então a razão entre as respectivas distâncias dos aparelhos M_1 e M_2 em relação ao alvo Q é

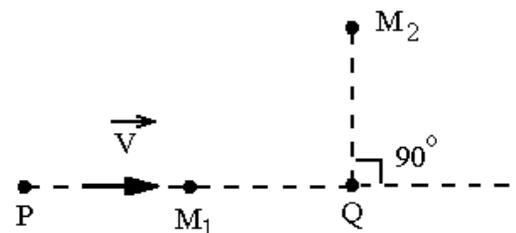
A () $V_s (V - V_s) / (V^2 - V_s^2)$.

B () $V_s (V_s - V) / (V^2 - V_s^2)$.

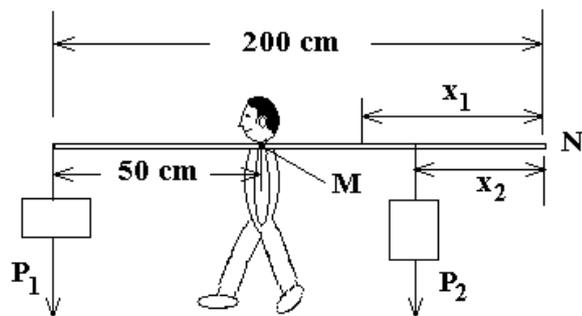
C () $V (V - V_s) / (V_s^2 - V^2)$.

D () $V_s (V + V_s) / (V^2 - V_s^2)$.

E () $V_s (V - V_s) / (V^2 + V_s^2)$.



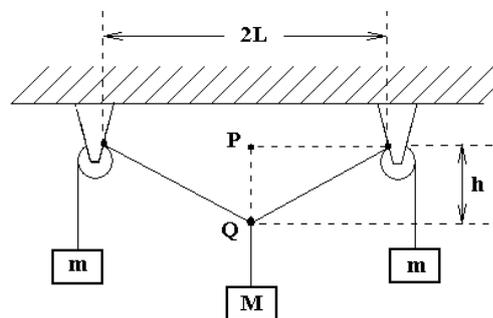
Questão 5. Na experiência idealizada na figura, um halterofilista sustenta, pelo ponto M, um conjunto em equilíbrio estático composto de uma barra rígida e uniforme, de um peso $P_1 = 100 \text{ N}$ na extremidade a 50 cm de M, e de um peso $P_2 = 60 \text{ N}$, na posição x_2 indicada. A seguir, o mesmo equilíbrio estático é verificado dispondo-se, agora, o peso P_2 na posição original de P_1 , passando este à posição de distância $x_1 = 1,6 x_2$ da extremidade N. Sendo de 200 cm o comprimento da barra e $g = 10 \text{ m/s}^2$ a aceleração da gravidade, a massa da barra é de



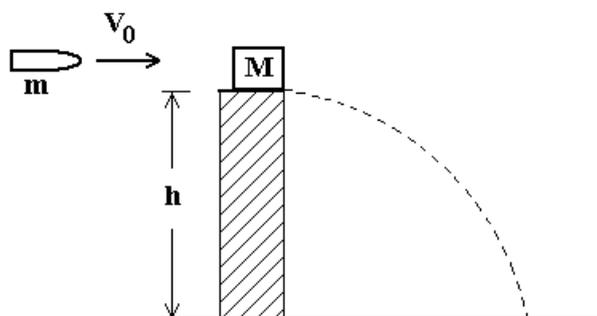
- A () 0,5 kg. B () 1,0 kg. C () 1,5 kg. D () 1,6 kg. E () 2,0 kg.

Questão 6. No arranjo mostrado na figura com duas polias, o fio inextensível e sem peso sustenta a massa M e, também, simetricamente, as duas massas m, em equilíbrio estático. Desprezando o atrito de qualquer natureza, o valor h da distância entre os pontos P e Q vale

- A () $ML/\sqrt{4m^2 - M^2}$.
 B () L.
 C () $ML/\sqrt{M^2 - 4m^2}$.
 D () $mL/\sqrt{4m^2 - M^2}$.
 E () $ML/\sqrt{2m^2 - M^2}$.



Questão 7. Uma bala de massa m e velocidade v_0 é disparada contra um bloco de massa M, que inicialmente se encontra em repouso na borda de um poste de altura h, conforme mostra a figura. A bala aloja-se no bloco que, devido ao impacto, cai no solo. Sendo g a aceleração da gravidade, e não havendo atrito e nem resistência de qualquer outra natureza, o módulo da velocidade com que o conjunto atinge o solo vale



- A () $\sqrt{\left(\frac{m v_0}{m+M}\right)^2 + 2gh}$. B () $\sqrt{v_0^2 + \frac{2gh m^2}{(m+M)^2}}$. C () $\sqrt{v_0^2 + \frac{2mgh}{M}}$.
 D () $\sqrt{v_0^2 + 2gh}$. E () $\sqrt{\frac{m v_0^2}{m+M} + 2gh}$.

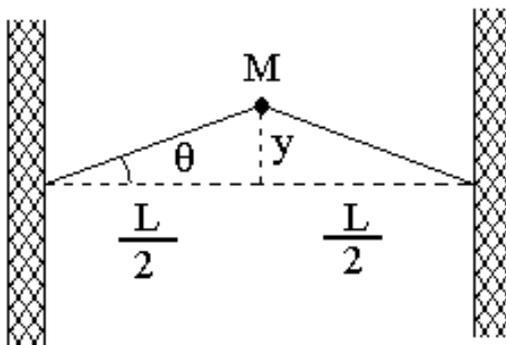
Questão 8. Projetado para subir com velocidade média constante a uma altura de 32 m em 40 s, um elevador consome a potência de 8,5 kW de seu motor. Considere seja de 370 kg a massa do elevador vazio e a aceleração da gravidade $g = 10 \text{ m/s}^2$. Nessas condições, o número máximo de passageiros, de 70 kg cada um, a ser transportado pelo elevador é

- A () 7. B () 8. C () 9. D () 10. E () 11.

Questão 9. Um corpo indeformável em repouso é atingido por um projétil metálico com a velocidade de 300 m/s e a temperatura de 0 °C. Sabe-se que, devido ao impacto, 1/3 da energia cinética é absorvida pelo corpo e o restante transforma-se em calor, fundindo parcialmente o projétil. O metal tem ponto de fusão $t_f = 300$ °C, calor específico $c = 0,02$ cal/g °C e calor latente de fusão $L_f = 6$ cal/g. Considerando $1 \text{ cal} \cong 4 \text{ J}$, a fração x da massa total do projétil metálico que se funde é tal que

- A () $x < 0,25$. B () $x = 0,25$. C () $0,25 < x < 0,5$. D () $x = 0,5$. E () $x > 0,5$.

Questão 10. Uma bolinha de massa M é colada na extremidade de dois elásticos iguais de borracha, cada qual de comprimento $L/2$, quando na posição horizontal. Desprezando o peso da bolinha, esta permanece apenas sob a ação da tensão T de cada um dos elásticos e executa no plano vertical um movimento harmônico simples, tal que $\sin \theta \cong \text{tg } \theta$. Considerando que a tensão não se altera durante o movimento, o período deste vale



- A () $2\pi\sqrt{\frac{4ML}{T}}$. B () $2\pi\sqrt{\frac{ML}{4T}}$. C () $2\pi\sqrt{\frac{ML}{T}}$.
D () $2\pi\sqrt{\frac{ML}{2T}}$. E () $2\pi\sqrt{\frac{2ML}{T}}$.

Questão 11. Numa cozinha industrial, a água de um caldeirão é aquecida de 10 °C a 20 °C, sendo misturada, em seguida, à água a 80 °C de um segundo caldeirão, resultando 10 ℓ de água a 32 °C, após a mistura. Considere haja troca de calor apenas entre as duas porções de água misturadas e que a densidade absoluta da água, de 1 kg/ℓ, não varia com a temperatura, sendo, ainda, seu calor específico $c = 1,0 \text{ cal g}^{-1} \text{ °C}^{-1}$. A quantidade de calor recebida pela água do primeiro caldeirão ao ser aquecida até 20 °C é de

- A () 20 kcal. B () 50 kcal. C () 60 kcal.
D () 80 kcal. E () 120 kcal.

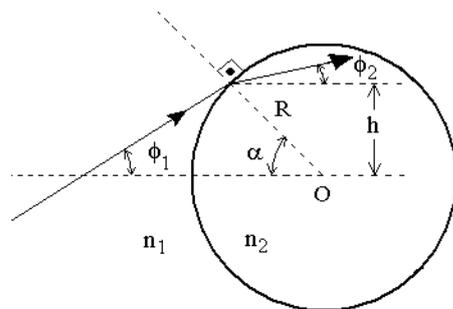
Questão 12. A água de um rio encontra-se a uma velocidade inicial V constante, quando despenca de uma altura de 80 m, convertendo toda a sua energia mecânica em calor. Este calor é integralmente absorvido pela água, resultando em um aumento de 1K de sua temperatura. Considerando $1 \text{ cal} \cong 4\text{J}$, aceleração da gravidade $g = 10 \text{ m/s}^2$ e calor específico da água $c = 1,0 \text{ cal g}^{-1} \text{ °C}^{-1}$, calcula-se que a velocidade inicial da água V é de

- A () $10\sqrt{2}$ m/s. B () 20 m/s. C () 50 m/s.
D () $10\sqrt{32}$ m/s. E () 80 m/s.

Questão 13. Numa planície, um balão meteorológico com um emissor e receptor de som é arrastado por um vento forte de 40 m/s contra a base de uma montanha. A frequência do som emitido pelo balão é de 570 Hz e a velocidade de propagação do som no ar é de 340 m/s. Assinale a opção que indica a frequência refletida pela montanha e registrada no receptor do balão.

- A () 450 Hz B () 510 Hz C () 646 Hz D () 722 Hz E () 1292 Hz

Questão 14. A figura mostra um raio de luz propagando-se num meio de índice de refração n_1 e transmitido para uma esfera transparente de raio R e índice de refração n_2 . Considere os valores dos ângulos α , ϕ_1 e ϕ_2 muito pequenos, tal que cada ângulo seja respectivamente igual à sua tangente e ao seu seno. O valor aproximado de ϕ_2 é de



A () $\phi_2 = \frac{n_1}{n_2}(\phi_1 - \alpha)$.

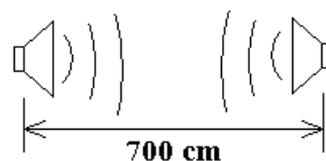
B () $\phi_2 = \frac{n_1}{n_2}(\phi_1 + \alpha)$.

C () $\phi_2 = \frac{n_1}{n_2} \phi_1 + \left(1 - \frac{n_1}{n_2}\right) \alpha$.

D () $\phi_2 = \frac{n_1}{n_2} \phi_1$.

E () $\phi_2 = \frac{n_1}{n_2} \phi_1 + \left(\frac{n_1}{n_2} - 1\right) \alpha$.

Questão 15. A figura mostra dois alto-falantes alinhados e alimentados em fase por um amplificador de áudio na frequência de 170 Hz. Considere seja desprezível a variação da intensidade do som de cada um dos alto-falantes com a distância e que a velocidade do som é de 340 m/s. A maior distância entre dois máximos de intensidade da onda sonora formada entre os alto-falantes é igual a



A () 2 m.

B () 3 m.

C () 4 m.

D () 5 m.

E () 6 m.

Questão 16. O circuito da figura é composto de duas resistências, $R_1 = 1,0 \times 10^3 \Omega$ e $R_2 = 1,5 \times 10^3 \Omega$, respectivamente, e de dois capacitores, de capacitâncias $C_1 = 1,0 \times 10^{-9} \text{ F}$ e $C_2 = 2,0 \times 10^{-9} \text{ F}$, respectivamente, além de uma chave S, inicialmente aberta. Sendo fechada a chave S, a variação da carga ΔQ no capacitor de capacitância C_1 , após determinado período, é de

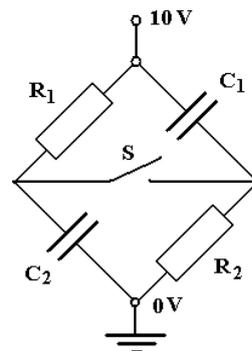
A () $-8,0 \times 10^{-9} \text{ C}$.

B () $-6,0 \times 10^{-9} \text{ C}$.

C () $-4,0 \times 10^{-9} \text{ C}$.

D () $+4,0 \times 10^{-9} \text{ C}$.

E () $+8,0 \times 10^{-9} \text{ C}$.



Questão 17. No circuito da figura, têm-se as resistências R , R_1 , R_2 e as fontes V_1 e V_2 aterradas. A corrente i indicada é

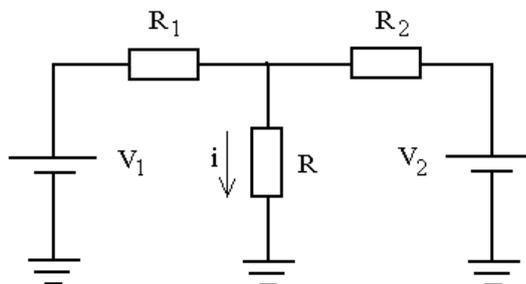
A () $i = \frac{(V_1 R_2 - V_2 R_1)}{(R_1 R_2 + R R_2 + R R_1)}$.

B () $i = \frac{(V_1 R_1 + V_2 R_2)}{(R_1 R_2 + R R_2 + R R_1)}$.

C () $i = \frac{(V_1 R_1 - V_2 R_2)}{(R_1 R_2 + R R_2 + R R_1)}$.

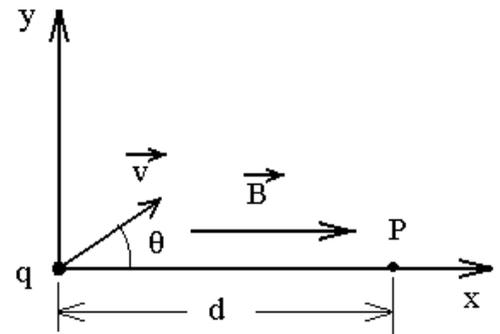
D () $i = \frac{(V_1 R_2 + V_2 R_1)}{(R_1 R_2 + R R_2 + R R_1)}$.

E () $i = \frac{(V_2 R_1 - V_1 R_2)}{(R_1 R_2 + R R_2 + R R_1)}$.



Questão 18. A figura mostra uma partícula de massa m e carga $q > 0$, numa região com campo magnético \vec{B} constante e uniforme, orientado positivamente no eixo x . A partícula é então lançada com velocidade inicial \vec{v} no plano xy , formando o ângulo θ indicado, e passa pelo ponto P , no eixo x , a uma distância d do ponto de lançamento. Assinale a alternativa correta.

- A () O produto $d q B$ deve ser múltiplo de $2 \pi m v \cos \theta$.
- B () A energia cinética da partícula é aumentada ao atingir o ponto P .
- C () Para $\theta = 0$, a partícula desloca-se com movimento uniformemente acelerado.
- D () A partícula passa pelo eixo x a cada intervalo de tempo igual a m/qB .
- E () O campo magnético não produz aceleração na partícula.



Questão 19. Considere uma sala à noite iluminada apenas por uma lâmpada fluorescente. Assinale a alternativa correta.

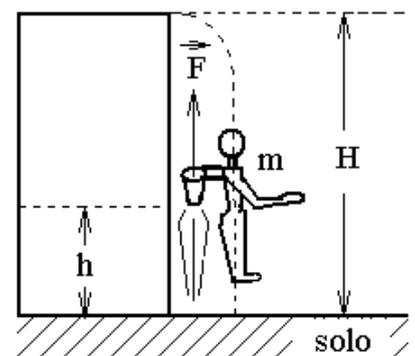
- A () A iluminação da sala é proveniente do campo magnético gerado pela corrente elétrica que passa na lâmpada.
- B () Toda potência da lâmpada é convertida em radiação visível.
- C () A iluminação da sala é um fenômeno relacionado a ondas eletromagnéticas originadas da lâmpada.
- D () A energia de radiação que ilumina a sala é exatamente igual à energia elétrica consumida pela lâmpada.
- E () A iluminação da sala deve-se ao calor dissipado pela lâmpada.

Questão 20. O átomo de hidrogênio no modelo de Bohr é constituído de um elétron de carga $-e$ e massa m , que se move em órbitas circulares de raio r em torno do próton, sob a influência da atração coulombiana. O raio r é quantizado, dado por $r = n^2 a_0$, onde a_0 é o raio de Bohr e $n = 1, 2, \dots$. O período orbital para o nível n , envolvendo a permissividade do vácuo ϵ_0 , é igual a

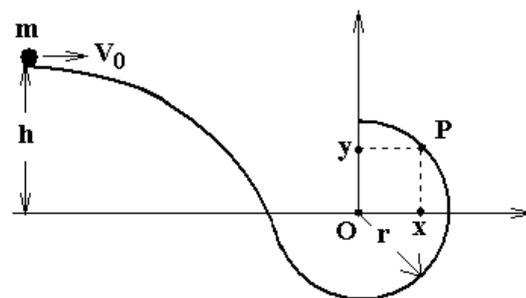
- A () $e / (4\pi a_0 n^3 \sqrt{\epsilon_0 m a_0})$.
- B () $(4\pi a_0 n^3 \sqrt{\epsilon_0 m a_0}) / e$.
- C () $(\pi a_0 n^3 \sqrt{\pi \epsilon_0 m a_0}) / e$.
- D () $(4\pi a_0 n^3 \sqrt{\pi \epsilon_0 m a_0}) / e$.
- E () $e / (4\pi a_0 n^3 \sqrt{\pi \epsilon_0 m a_0})$.

AS QUESTÕES DISSERTATIVAS, NUMERADAS DE 21 A 30, DEVEM SER RESPONDIDAS NO CADERNO DE SOLUÇÕES.

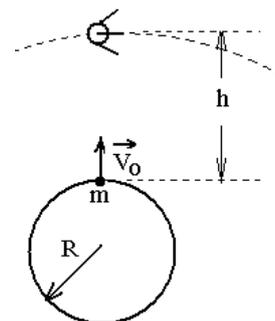
Questão 21. Equipado com um dispositivo a jato, o homem-foguete da figura cai livremente do alto de um edifício até uma altura h , onde o dispositivo a jato é acionado. Considere que o dispositivo forneça uma força vertical para cima de intensidade constante F . Determine a altura h para que o homem pouse no solo com velocidade nula. Expresse sua resposta como função da altura H , da força F , da massa m do sistema homem-foguete e da aceleração da gravidade g , desprezando a resistência do ar e a alteração da massa m no acionamento do dispositivo.



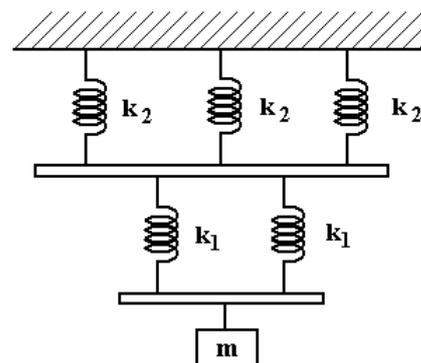
Questão 22. Um corpo de massa m e velocidade v_0 a uma altura h desliza sem atrito sobre uma pista que termina em forma de semi-circunferência de raio r , conforme indicado na figura. Determine a razão entre as coordenadas x e y do ponto P na semi-circunferência, onde o corpo perde o contato com a pista. Considere a aceleração da gravidade g .



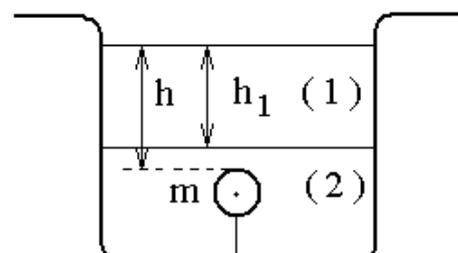
Questão 23. Lançado verticalmente da Terra com velocidade inicial V_0 , um parafuso de massa m chega com velocidade nula na órbita de um satélite artificial, geostacionário em relação à Terra, que se situa na mesma vertical. Desprezando a resistência do ar, determine a velocidade V_0 em função da aceleração da gravidade g na superfície da Terra, raio da Terra R e altura h do satélite.



Questão 24. Um sistema massa-molas é constituído por molas de constantes k_1 e k_2 , respectivamente, barras de massas desprezíveis e um corpo de massa m , como mostrado na figura. Determine a frequência desse sistema.



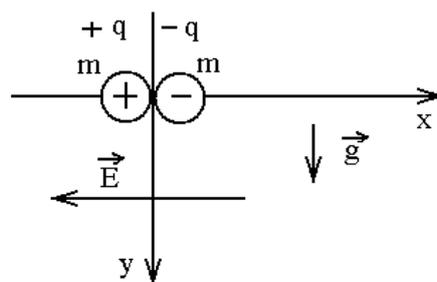
Questão 25. A figura mostra uma bolinha de massa $m = 10$ g presa por um fio que a mantém totalmente submersa no líquido (2), cuja densidade é cinco vezes a densidade do líquido (1), imiscível, que se encontra acima. A bolinha tem a mesma densidade do líquido (1) e sua extremidade superior se encontra a uma profundidade h em relação à superfície livre. Rompido o fio, a extremidade superior da bolinha corta a superfície livre do líquido (1) com velocidade de $8,0$ m/s. Considere aceleração da gravidade $g = 10$ m/s², $h_1 = 20$ cm, e despreze qualquer resistência ao movimento de ascensão da bolinha, bem como o efeito da aceleração sofrida pela mesma ao atravessar a interface dos líquidos. Determine a profundidade h .



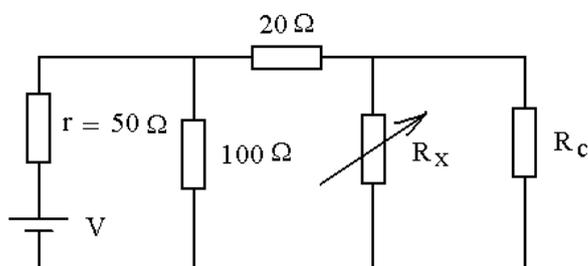
Questão 26. Um raio de luz de uma lanterna acesa em A ilumina o ponto B, ao ser refletido por um espelho horizontal sobre a semi-reta DE da figura, estando todos os pontos num mesmo plano vertical. Determine a distância entre a imagem virtual da lanterna A e o ponto B. Considere $AD = 2$ m, $BE = 3$ m e $DE = 5$ m.



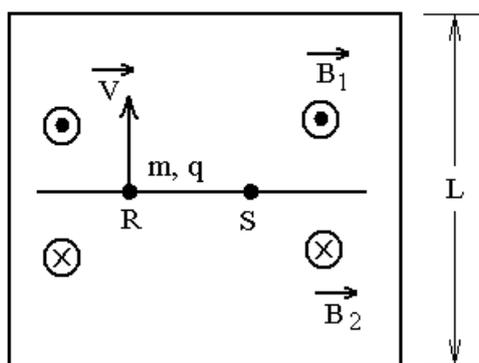
Questão 27. Duas cargas pontuais $+q$ e $-q$, de massas iguais m , encontram-se inicialmente na origem de um sistema cartesiano xy e caem devido ao próprio peso a partir do repouso, bem como devido à ação de um campo elétrico horizontal e uniforme \vec{E} , conforme mostra a figura. Por simplicidade, despreze a força coulombiana atrativa entre as cargas e determine o trabalho realizado pela força peso sobre as cargas ao se encontrarem separadas entre si por uma distância horizontal d .



Questão 28. Sabe-se que a máxima transferência de energia de uma bateria ocorre quando a resistência do circuito se iguala à resistência interna da bateria, isto é, quando há o casamento de resistências. No circuito da figura, a resistência de carga R_c varia na faixa $100\Omega \leq R_c \leq 400\Omega$. O circuito possui um resistor variável, R_x , que é usado para o ajuste da máxima transferência de energia. Determine a faixa de valores de R_x para que seja atingido o casamento de resistências do circuito.



Questão 29. A figura mostra uma região de superfície quadrada de lado L na qual atuam campos magnéticos B_1 e B_2 orientados em sentidos opostos e de mesma magnitude B . Uma partícula de massa m e carga $q > 0$ é lançada do ponto R com velocidade perpendicular às linhas dos campos magnéticos. Após um certo tempo de lançamento, a partícula atinge o ponto S e a ela é acrescentada outra partícula em repouso, de massa m e carga $-q$ (choque perfeitamente inelástico). Determine o tempo total em que a partícula de carga $q > 0$ abandona a superfície quadrada.



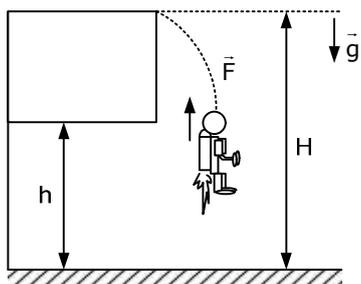
Questão 30. Aplica-se instantaneamente uma força a um corpo de massa $m = 3,3 \text{ kg}$ preso a uma mola, e verifica-se que este passa a oscilar livremente com a frequência angular $\omega = 10 \text{ rad/s}$. Agora, sobre esse mesmo corpo preso à mola, mas em repouso, faz-se incidir um feixe de luz monocromática de frequência $f = 500 \times 10^{12} \text{ Hz}$, de modo que toda a energia seja absorvida pelo corpo, o que acarreta uma distensão de 1 mm da sua posição de equilíbrio. Determine o número de fótons contido no feixe de luz. Considere a constante de Planck $h = 6,6 \times 10^{-34} \text{ J s}$.

ITA Física 2007 - Gabarito

01. B	02. D	03. D/E	04. A
05. D	06. A	07. A	08. C
09. B	10. B	11. D	12. E
13. D	14. E	15. E	16. B
17. D	18. A	19. C	20. D

Discursivas

21.



Pelo Teorema da Energia Cinética no percurso todo:

$$\tau_R = \Delta E_c$$

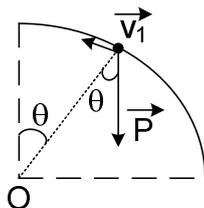
Como as velocidades iniciais e finais são nulas:

$$\tau_p + \tau_f = 0$$

$$mgH - Fh = 0$$

$$h = \frac{mgH}{F}$$

22. Para a situação de deslocamento do corpo com a pista no ponto (x,y) , temos que vetor normal é nulo, logo:



$$F_{R_{cp}} = P \cos \theta \rightarrow \frac{mv_1^2}{r} = mg \cos \theta \rightarrow v_1^2 = rg \cos \theta$$

Como há apenas forças conservativas atuando no sistema, então temos que:

$$\frac{mv_0^2}{2} + mgh = \frac{mv_1^2}{2} + mgr \cos \theta \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v_0^2 + 2gh = r_1^{rg \cos \theta} + 2rg \cos \theta \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v_0^2 + 2gh = 3rg \cos \theta \Rightarrow \cos \theta = \frac{v_0^2 + 2gh}{3rg}$$

Na qual deve-se ter:

$$\cos \theta = \frac{v_0^2 + 2gh}{3rg} \leq 1$$

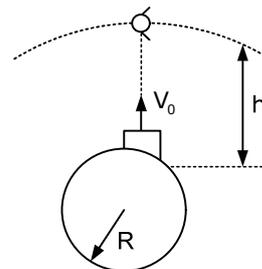
Como o ponto (x,y) é tal que $x = r \sin \theta$ e $y = r \cos \theta$, então $\frac{x}{y} = \tan \theta$, logo:

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{\sqrt{1 - \cos^2 \theta}}{\cos \theta} = \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \theta} - 1} =$$

$$\sqrt{\left(\frac{3rg}{v_0^2 + 2gh}\right)^2 - 1} \Rightarrow \frac{x}{y} = \sqrt{\left(\frac{3rg}{v_0^2 + 2gh}\right)^2 - 1}$$

Onde $\frac{v_0^2 + 2gh}{3rg} \leq 1$, portanto $0 < h \leq \frac{3rg - v_0^2}{2g}$.

23. Sistema conservativo:



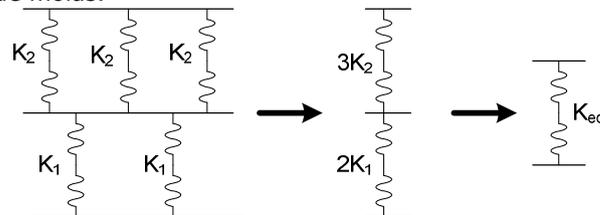
$$\varepsilon_{mec(i)} = \varepsilon_{mec(f)} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2}mv_0^2 - \frac{GM_T m}{R_T} = -\frac{GM_T m}{(R_T + h)} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2}v_0^2 = GM_T \left(\frac{1}{R_T} - \frac{1}{(R_T + h)} \right) \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2}v_0^2 = \frac{GM_T h}{R_T(R_T + h)} \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{2R_T gh}{(R_T + h)}}$$

24. Para resolver o problema é necessário calcularmos a constante elástica equivalente para esta associação de molas.

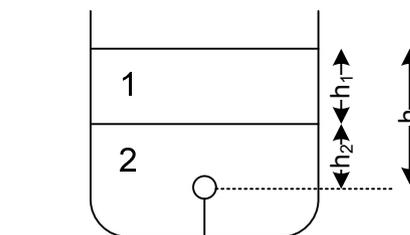


$$\frac{1}{K_{eq}} = \frac{1}{3K_2} + \frac{1}{2K_1} \rightarrow K_{eq} = \frac{6K_1 K_2}{3K_2 + 2K_1}$$

A frequência de oscilação para este sistema massa-mola é dada pela seguinte relação:

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{K_{eq}}{m}} \rightarrow f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{6K_1 K_2}{m(3K_2 + 2K_1)}}$$

25.



$$m = 10g \text{ e } d_2 = 5d_1$$

Bolinha no meio 2:



$$E_2 - P = m \cdot a \Rightarrow a = (E_2 - P) / m \Rightarrow$$

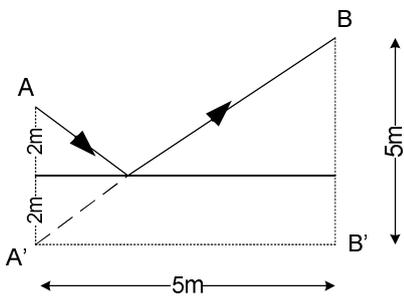
$$a = \frac{(d_2 Vg - d_1 Vg)}{(d_1 V)} = \frac{(5d_1 Vg - d_1 Vg)}{(d_1 V)} \Rightarrow \boxed{a = 40 \text{ m/s}^2}$$

Sabemos que a bolinha atravessa a interface entre os meios (1) e (2) com velocidade de 8m/s, podemos calcular a distância percorrida pela bolinha no meio (2).

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta S \Rightarrow 8^2 = 2 \cdot 40 \Delta S \Rightarrow \boxed{\Delta S = 0,8 \text{ m}}$$

$$\text{Logo: } h = h_1 + h_2 \Rightarrow \boxed{h = 1,0 \text{ m}}$$

26.



Utilizando o teorema de Pitágoras no triângulo $\Delta A'BB'$: $A'B^2 = 5^2 + 5^2 \Rightarrow \boxed{A'B = 5\sqrt{2} \text{ m}}$

27.

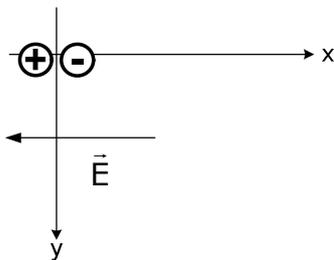
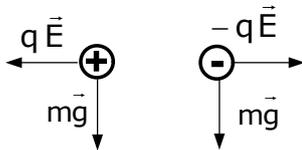
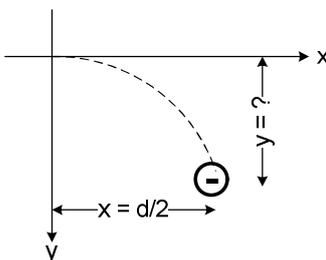


Diagrama de forças para as cargas logo após a liberação das mesmas:



Como as cargas têm mesmo módulo e mesma massa, analisaremos somente o movimento da partícula negativa, visto que o movimento da outra é simétrico a esta com relação ao eixo y.

Partícula negativa:



Análise do movimento:

$$\text{Direção x: } F_{R_x} = ma_x \rightarrow \boxed{a_x = \frac{qE}{m}}$$

$$\text{Direção y: } F_{R_y} = ma_y \rightarrow \boxed{a_y = g}$$

$$x = x_0 + v_{0x}t + \frac{1}{2}a_x t^2$$

$$\text{Para } x = \frac{d}{2} \rightarrow \boxed{t^2 = \frac{md}{qE}}$$

Substituindo este valor na expressão da posição vertical, temos:

$$y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_y t^2 \rightarrow y = \frac{1}{2}a_y t^2 \rightarrow \boxed{y = \frac{1}{2} \frac{mgd}{qE}}$$

O trabalho realizado pelo peso para a carga negativa

$$\text{é: } \tau_p = mg\Delta y = mg(y - 0) \rightarrow \boxed{\tau_p = \frac{1}{2} \frac{(mg)^2 d}{qE}}$$

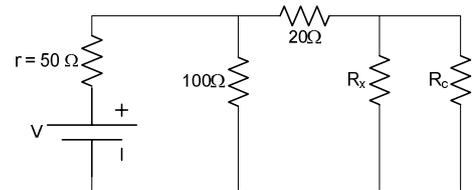
Para a carga positiva, o trabalho realizado pela força peso tem o mesmo valor do caso da carga negativa.

$$\tau_p = \frac{1}{2} \frac{(mg)^2 d}{qE}$$

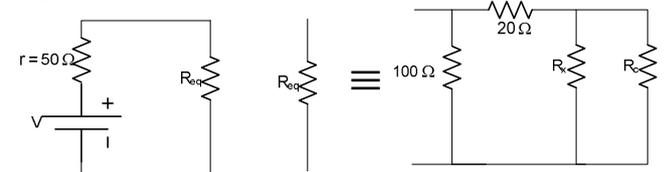
Para o sistema de cargas, o trabalho total do peso é:

$$\tau_p = \frac{(mg)^2 d}{qE}$$

28.



Seja o circuito equivalente para o problema dado:



Como a transferência máxima de potência ocorre para resistência equivalente igual a resistência interna da bateria e utilizando as fórmulas para associação de resistores em série e em paralelo, obtém-se a seguinte expressão:

$$\frac{\left(\frac{R_c R_x}{R_c + R_x} + 20 \right) 100}{\left(\frac{R_c R_x}{R_c + R_x} + 20 \right) + 100} = 50$$

$$\Rightarrow \boxed{R_x = \frac{80R_c}{R_c - 80}}$$

Sendo assim, temos os valores de R_x para os seguintes valores de R_c :

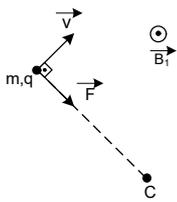
$$R_c = 100\Omega \rightarrow R_x = 400\Omega$$

$$R_c = 400\Omega \rightarrow R_x = 100\Omega$$

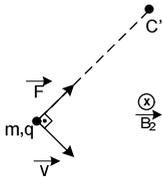
$$\text{Logo: } \boxed{R_x \in [100, 400]\Omega}$$

29. Pelo enunciado, temos as seguintes forças atuantes na partícula nas duas situações possíveis:

1) Movimento da partícula na região superior: MCU horário



2) Movimento da partícula na região inferior: MCU anti-horário



Notamos que \vec{B} é uniforme em cada região e que \vec{F} é a resultante centrípeta do movimento da partícula, que efetua uma sucessão de semi-circunferências com movimento circular uniforme. Então, temos que:

$$|\vec{F}| = \frac{mv^2}{r} = qvB \Rightarrow r = \frac{mv}{qB}.$$

O raio é o mesmo em cada semi-plano, pois $|\vec{B}_1| = |\vec{B}_2|$. Para a partícula se chocar em S, a distância \overline{RS} deve ser igual a um número inteiro N de semi-oscilações. Então,

$$N = \frac{\overline{RS}}{2r} = \frac{\overline{RS}}{\frac{2mv}{qB}}.$$

O tempo gasto para percorrer uma meia circunferência é dado por:

$$\frac{T}{2} = \frac{\pi r}{v} = \frac{\pi m}{qB} \Rightarrow \frac{\pi m}{qB} = \frac{T}{2}.$$

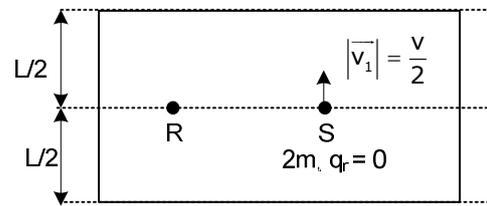
Segue então que o tempo gasto no trajeto desde R até S é dado por:

$$\Delta t_1 = \frac{T}{2} N = \frac{\overline{RS}}{\frac{2mv}{qB}} \cdot \frac{\pi m}{qB} \Rightarrow \Delta t_1 = \frac{\overline{RS} \pi}{2v}$$

No momento do choque, a única possibilidade é o vetor velocidade da partícula ser perpendicular à reta suporte do segmento \overline{RS} . Como o choque é inelástico e não há forças externas na direção do vetor velocidade, o sistema é isolado e a quantidade de movimento se conserva nessa direção:

$$mv = (m + m)v_1 \Rightarrow v_1 = \frac{v}{2}.$$

Considerando ainda que o choque se dá na metade da distância entre os dois lados horizontes do quadrado, segue que:



$q_r = \text{carga resultante} = q + (-q) = 0 \Rightarrow$ não há força magnética.

A partícula resultante seguirá um movimento retilíneo uniforme, logo $\Delta t_2 =$ tempo gasto para sair do

quadrado, após o choque = $\frac{L/2}{v_1} = \frac{L/2}{v/2} \Rightarrow \Delta t_2 = \frac{L}{v}$.

Então, o tempo total gasto (Δt) é dado por:

$$\Delta t = \Delta t_1 + \Delta t_2 = \frac{\overline{RS} \pi}{2v} + \frac{L}{v}$$

30. Determinação da constante elástica:

$$\left. \begin{aligned} \omega &= \frac{2\pi}{T} \\ \omega &= 10 \text{ rad/s} \end{aligned} \right\} \Rightarrow T = \frac{\pi}{5} \text{ s}$$

No MHS do sistema massa-mola:

$$\left. \begin{aligned} T &= 2\pi \sqrt{\frac{M}{k}} \\ M &= 3,3 \text{ kg} \\ T &= \frac{\pi}{5} \text{ s} \end{aligned} \right\} \Rightarrow k = 330 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

Considerando que com a incidência de n fótons do feixe de luz a energia transferida $n h f$ é convertida integralmente em energia mecânica do sistema massa-mola que passa a oscilar com amplitude de 1 mm:

$$n h f = \frac{1}{2} k x^2$$

$$\Rightarrow n \cdot 6,6 \cdot 10^{-34} \cdot 500 \cdot 10^{12} = \frac{1}{2} 330 (10^{-3})^2$$

$$\Rightarrow n = 5 \cdot 10^{14} \text{ fótons}$$

Cortesia:
Resoluções Alferes Vestibulares